



أولا التمليل

(۱) التحليل بإخراج ٢٥ ٢٥

(۱) حلل كلا مما يأتي

$$(7 + 10 m)^{4} + 11 m$$

$$= 3 m (7 m) + 7$$

$$(7-\omega)Y = \frac{1Y - \omega Y [\xi]}{}$$

$$(\xi - \omega)_0 = 0$$

$$(7+\omega) = (\omega + \zeta)$$

$$(-4)^{2} - 6 \omega^{7} + \gamma^{2} = \omega (-4)^{2}$$

$$= \omega (-4)^{2} - \omega (-4)^{2}$$

$$(\Upsilon -) \Upsilon) =$$

(۲) تعليل المقدار الثلاثي

الثلاثي البسيط في الصورة
$$w' + \gamma w + A$$

 $1 = {}^{\mathsf{T}}$ and L

(٢) حلل كلا مما يأتي

$$(1+w)(7+w)=7+w7+7w[1]$$

$$(7 - \omega) (\xi - \omega) =$$

$$1 \wedge - \lambda + \gamma = 1 \wedge - (\gamma + \gamma) = [\xi]$$

$$(7 - \gamma) (9 + \gamma) =$$

$$[0]$$
 $m^2 - 0$ $m^3 + 3$ $m^2 - 0$ $m + 3$)

$$(\xi - \omega) (1 - \omega) =$$

$$(9 - \omega) (\xi - \omega) =$$

تمارین (۱)

سَى أوجد قيمة ك الصحيحة الموجبة التي تجعل المقدار قابل للتحليل

س حلل كلا مما يأتي تحليلا تاما

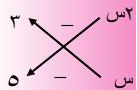
$$7 = - 100 - 100 = 700$$

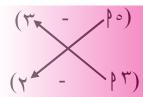
تحليل المهدار الثلاثي غير البسيط معامل س عبر

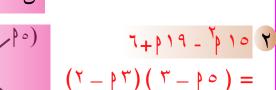
تمارین (۲)

س : حلل كلاً من المقادير الأتية

$$- \Lambda = 17$$
 س $- 17$

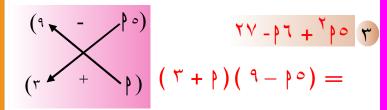


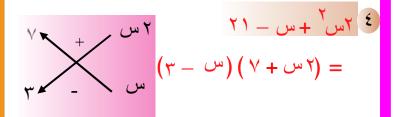


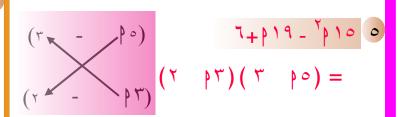


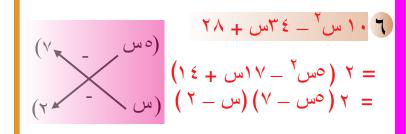
١٥ - ١٣ - ١٣ س +١٥

(o - w) (T - w T) =









المقدار الثلاثى المربع الكامل

شروطه

- 1 الحد الأول مربعاً كاملاً
- 2 الحد الأخير مربعاً كاملاً
- الأوسط = $\pm Y \times \sqrt{|\vec{V}|} \times \sqrt{|\vec{V}|}$ الأول × \/ الأخير

مثال ۱ اي مما ياتي مربع كامل

4 ه ۲ س ۲ **-** ۲ س + ٤ ← مربع كامل

إذا كان المقدار مربعاً كاملاً فإن:-

$$\frac{(الحد الأوسط)^{2}}{3 \times || لحد الأخير}$$

$$\frac{1}{1}$$
الحد الأخير = $\frac{1}{2} \times \frac{1}{2}$

2 کی س ۲۰+ س + ۲۰

لحل

$$\frac{7}{5} = \frac{5}{5} = \frac{7}{5} = \frac{7}$$

الحل

الحد الأوسط
$$\pm au imes \sqrt{| ext{lac} | ext{lac}|} imes \sqrt{| ext{lac} | ext{lac}|}$$
 الحد الأخير $\pm au imes au imes au imes au imes au au au$

مثال ٣ حلل كلاً مما يلى تحليلاً كاملاً

عان ا

$${}^{7}(Y - \omega^{\circ}) = {}^{2} + \omega^{7} - {}^{7}\omega^{7} \circ 2$$

مثال

أستخدم التحليل في تسهيل إيجاد قيمة كلامن المقادير الانتية

$$^{\mathsf{T}}(\mathsf{TT}) + \mathsf{TT} \times \mathsf{VT} \times \mathsf{T} = ^{\mathsf{T}}(\mathsf{VT})$$
 1

1-11

مثال ٢ أو جد قيمة ك التى تجعل المقدار مربع كامل

الحل

العلى
• الحد الأخير =
$$\frac{(الحد الأوسط)^{7}}{3 \times || لحد الأول|}$$

$$1 = \frac{7}{7} = \frac{7}{7} \times \frac{7}{7} \times \frac{5}{2}$$

تمارين (٣)

س بين أي المقادير الآتية مربعاً كاملاً

سي : حلل كلاً مما يلي تحليلاً كاملاً:

س٣: أكمل كلا من المقادير الاتية حتى تكون مربع كامل

9 9 س - س + ك 2 س + س + ك 8 ك أ ¹ ب ¹ – ١٢ أب + ٩

9 ٤ س ٢ + ١٢ س + ك

١٠٠ + ك ص + ١٦٠ ع

س الأنه أوجد قيمة ك الموجبة التي تجعل كل مقدار ثلاثي مربعاً كاملاً: -

تمليل الغرق بين مربعين

🖜 ۱ - ب کے یسمی مقدار فرق بین مربعین

لتحليل الفرق بين مربعين

$$=$$
 قوسين متشابهين مع الإختلاف في الإشارة فقط $=$ $\sqrt{الأول + }$ الثاني)

مثال ۱ حلل کلا ممایاتی تحلیلا تاما

$$(1 + \omega^{*})(1 - \omega^{*}) = 1 - (\omega^{*})$$

$$(\psi \wedge - \beta)(\psi \wedge + \beta) = (\psi \wedge - \beta)(\psi \wedge - \beta)$$

$$(1 + \omega) (1 - \omega) = 1 - \omega$$

$$(9-7) = 0 = 0 = 0$$

$$(\tau+\omega)(\tau-\omega)\omega =$$

$$(\xi + {}^{\mathsf{Y}} \omega)(\xi - {}^{\mathsf{Y}} \omega) = \mathsf{I} \mathsf{I} - {}^{\mathsf{\xi}} \omega$$

$$= (\omega - 7)(\omega + 7)(\omega + 2)$$

$$= 9 - (1+\omega)$$

مثال۲

استخدم تحليل الفرق بين مربعين لتسهيل إبجاد قيمة:

$$(7,7) = (7,7)$$

$$(\Upsilon, 7 + 7, \xi) (\Upsilon, 7 - 7, \xi) =$$

 $^{7}(77) = ^{7}(77)$

$$(\lambda_{\mu}) = (\lambda_{\mu})$$

$$\circ \circ \circ = \circ \circ \times \circ$$

-: (12)

$$(w + \omega) (w - \omega) = '\omega - '\omega$$

$$V = 0 \times V = 0$$

-: (121)

تمارين (٤)

س ٣: إذا كانت س – ص = ٥

، س + ص=۸

 $\xi \circ = {}^{1}$ س غ : إذا كانت س = 0

أوجد قيمة س ـ ص

أو جد أ^٢ — ب

= 2 اذا کانت س = 2

 $^{\mathsf{Y}}$ فأو جد قيمة س

9 = 0 + 0

س ٥ : إذا كان أ - ب = ٤ ، أ + ب - ٧ = ٠

 $TA = T_{-}$.

أو جد س + ص

س: حلل كلاً مما يلى تحليلاً كاملاً: ـ

$$q = \frac{r}{w} = \frac{1}{r_0}$$
 11

$$77 = 70$$
 14
 $70 = 70$ 15

٢: بإستخدام التحليل أوجد قيمة كلا من المقادير الأتية

$$^{\prime}(\Upsilon\Upsilon) = ^{\prime}(\Upsilon\Upsilon)$$
 3

$$9 - {}^{\Upsilon}(9 \vee) 6$$
 ${}^{\Upsilon}(7 \circ) - {}^{\Upsilon}(7 \circ) 7$

$$^{\prime}(20) - ^{\prime}(20)$$
 8



تحليل مجمونم مكعبين والغرق بينهما

1 س" _ ص" =

$$(w - \omega) (w' + w \omega + \omega')$$

= "w + "w Y

$$727 - 700 \times 10^{-1} \times 10$$

مثال الحلل كلاً ممايلي تحليلاً كاملاً .

$$(\xi + \omega^{7} - (\omega + 1))$$

$$(70+\omega^7-67) = (\omega - 0) (\omega^7 + 0\omega + 0)$$

$$(9+$$
س $^{7} ^{7}$ س $^{2} ^{7}$ س $^{4}+$ س $^{4}+$ س $^{4}+$ کس

مثال الإ الحان س ـ ص = ٣

 2 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2 ، 2 . 2 ، 2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2 . 2

الكل: سام ص (w - w) (w' + w w + w') = $YY = Y \times Y =$

مثال ٣

اذا کان س $- \omega^{\mathsf{T}} = 0$ ، س $- \omega = 0$ أوجد س٢+س ص+ص٢

$$7 = \frac{r}{\circ} = 100$$

تمارین (٥)

س ١ : حلل كلاً مما يأتي :-

$$\frac{1}{\sqrt{\lambda}} - \sqrt[n]{6}$$
 $\sqrt{\lambda} - \sqrt[n]{6}$ $\sqrt{\lambda} - \sqrt[n]{6}$

س ٢: إختصر لأبسط صورة:

$$(\xi+\omega \gamma_{+}^{\prime})(\Upsilon-\omega) - (\Lambda + \omega)$$

- : ٣س

$$\mathbf{1}$$
 إذا كان س – ص = $\mathbf{1}$ ، س $\mathbf{1}$ + س ص + ص $\mathbf{1}$ = $\mathbf{9}$

$$2 = ^{7}$$
و إذا كان س 7 = 3 ه

1
 س - ص = 2 أوجد س + س ص + ص

س١: حلل كلاً مما يلي :-

$$1 - \frac{1}{2}$$

التحليل بالتقسيم

نستخدم التحليل بالتقسيم إذا كان المقدار الجبرى مكون من أربعة حدود

مثال احلل كلاً ممايلي تحليلاً كاملاً: ـ

$$(1 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= 7 \circ (1 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{\varphi}) + (7 \circ - \dot{\varphi})$$

$$= (7 \circ - \dot{$$

$$(4)$$
 = $(4^7 + 7 + 9 \rightarrow 7) - 7$

تمارین (V)

س١:حلل كلامن المقادير الاتية

1 + 1 2 1

س۲ ٢ص٢

- 2 ب ۲ + ۲ کا
- ٤ ٤ + ٤ ع^٤ ع
- 4 س ۲٤+ ص
- 5 كس ؛ + ٦٢٥ ع ؛
- 8 ٤ س ٢ + ٨١ ص
- 9 ۲۱س ۲۱ + ۸۱ ص
- 10 س ٔ + ۹ س ۲ + ۸۱
 - 11 وس م ح م س
- **12** م ' ۱۱ م ن ' + ن'
- ۲۵+ ^۲س ۱۰+ س۳۲ **13**
 - ٢٥٠٠ + ١٠ 14
- 15 س ^۲ + ۲ س ^۲ ص ۲ + ۶ ص
- 16 س + س ص ۲ م ۲ ص
- 17 س ^۲ س ۲ س ۲ ص ۲ ص ۲ ص ۲
- 18 السائے ۲۸ س^۲ سام ۹+ ص
 - 19 کس ۲۹ س ۲۹ س۲ ص۲ عص۲
 - ^۲ن ^۲ ۱۸ م ن ۲ **20**
- 21 ه ۲س + ۹ ص ا س ۳٤ س ۲ ص ۲

التحليل بإكمال المربع

مثال ا حلل كلامن المقادير الأتيت

٠ س ٢ + ٢ ص ١

: (121)

$$= (m^7 + 7m^7 - 7mm)$$
 ($m^7 + 7m^7 + 7mm$) $= 163m^3 + 7mm$

75 + 2 m Y

: 121

: 037

: (121)

$$= (\omega^{2} + 71 \omega^{1} + 37) - 71 \omega^{2}$$

$$= (\omega^{1} + \lambda^{1})^{2} - 71 \omega^{1}$$

$$(\omega + \lambda + \omega)(\omega + \lambda + \omega) =$$

۳ ۹ س ۲ + ۲ س ۲ + ۱

۳س۲

7 m 7

 $= (P \omega^{1} + \Gamma \omega^{1} + 1) + 7 \omega^{1} - \Gamma \omega^{2}$

$$(\omega_{1} + 1 + 1 + 1) (\omega_{1} + 1 + 1) =$$

$$(1+ w^{7} + w^{7}) (1+ w^{7} + w^{7}) =$$

۲ م ۲ م ۲ ب ۲ م ۲ ب ۲ ۱ ۲ ب ۲ 7 47 27

حل معادلة الدرجة الثانية ني مجهول واحد

(القاعرة

مثال ا أوجد في ح مجموعة حل كل من

(w-7)(w-6) = 0 w-7 = 0 w-7 = 0 w=7 w=7 w=7 w=7 a=7 a=7

۲ س - ۹ = ۰ دلال:

$$(w-T)(w+T) = 0$$
 $w-T = 0$
 $w-T = 0$

۳ س ۲ – ۲س – ۶۸

س ۱٤- = ٦٠ - ٢س٢ م

$$\circ = (1 + \omega) (\Upsilon - \omega)$$

$$\begin{array}{lll}
\omega' - Yw - W = 0 \\
w' - Yw - Y = 0 \\
w' - Yw - N = 0 \\
w' - Yw - N = 0
\\
(w + Y)(w - 2) = 0
\\
v = (2 - w)(Y + w) \\
v = (3 - w)(Y + w) \\
v = (4 - w)$$

۷ س^۲+۲۰ س

$$\emptyset$$
 = ح

تمارین (۸)

س ١: أوجد في ح مجموعة حل المعادلات الأتية:-

$$\cdot = 10 + m \wedge - m$$

$$\cdot = 7 - \omega \circ - \gamma \omega$$
 [5]

$$\bullet = \Upsilon \bullet - \omega - \Upsilon \omega$$

$$\cdot = 1 - {}^{1}\omega$$

$$\bullet = 1 \cdot \bullet - {}^{\mathsf{Y}} \mathsf{m}$$

$$Y = {}^{Y} \omega$$
 [12]

$$m^{2} = {}^{2}m$$

$$\bullet = 9 + m 7 - 7m[1A]$$

$$1 \cdot = (\Upsilon + \omega)$$
 س [۲۲]

$$\circ = (1 + \omega)(\pi - \omega)$$

$$\cdot = \xi 9 - {}^{\Upsilon}(\Upsilon + \omega) [\Upsilon \bullet]$$

$$\cdot = 1 \cdot - (\Upsilon + \omega) \Upsilon + \Upsilon (\Upsilon + \omega) [\Upsilon \Upsilon]$$

$$o = (\Upsilon_{-} \omega) \omega [\Upsilon \xi]$$

$$\cdot = 17 + \omega V - \omega$$
 [1]

$$\bullet = 1 \bullet - m^{\Upsilon} + {}^{\Upsilon}m$$

$$\cdot = 9 - \frac{1}{2}$$

$$\cdot = 9 - 7$$
 عس $[11]$

$$\omega = {}^{\mathsf{Y}} \omega$$
 [17]

$$\omega_{-} = \sqrt[4]{m}$$

$$\omega = \omega [1V]$$

$$\cdot = 1 + w - w$$

$$\cdot = 70 + \omega + 1 \cdot + 7\omega$$

$$\bullet = \circ + (\Upsilon - \omega)(\xi + \omega) [\Upsilon \Upsilon]$$

$$\Upsilon = (\Upsilon - \omega)(\Lambda + \omega)$$

$$\Upsilon = \omega + \Upsilon(1 - \omega) [\Upsilon]$$

$$\Lambda 1 = {}^{\Upsilon} (\Upsilon - \omega)$$
 [$\Upsilon \Upsilon$]

$$\bullet = 9 - {(0 + \omega)}[70]$$

$$(\xi - m^{\gamma}) \Upsilon = {}^{\gamma} m [\Upsilon \gamma]$$

س ۲: أكمل ما يلي: -

- (1) مجموعة حل المعادلة س (2000-400) مجموعة حل المعادلة س
- مجموعة حل المعادلة $(\hat{w}_{-1})(\hat{w}_{-1}) = 0$ مجموعة حل المعادلة
 - (") جذر ا المعادلة m' = m هما (")
- اذا کان العدد 7 أدا کان العدد 7 أحد جذرى المعادلة : 7 + 7 بنا کان العدد 7
 - (٠) المعادلة التي جذر اها ٤٠، ٣ هي ٢٠٠٠،٠٠٠ و

تطبيقات على حل المعادلة من الدرجة الثانية في متغير واحد جبرياً

ملاحظات

- (۱) العدد س مربعه س وضعفه ٢س
- (١) العددس مكميه س وثلاثة امثاله س
 - (١) إذا كان عمر أحمد الان هو س

فعمره بعد ۲ سنوات هو : ۳ + ۴

وعمره قبل ٥ سنوات هو : س - ٥

- (٣) عددان أحدهما (يزيد ، يقل ، الفرق بينهما)
 عن الأخر بمقدار ٣ نفرضهما س ، س + ٣
 - عددان فردیان متتالیان (زوجیان متتالیان) هما 0 س 0 س 0 0

ا عدد صحيح موجب مربعه يزيد عن أربعة أمثاله بمقدار ٢١ أوجد هذا العدد (الحل):

حدد حقيقى إذا أضيف إليه مربعه كان الناتج ٢ أوجد العدد .

عدد صحيح موجب مربعه يزيد عن ضعفة بمقدار ٨ أوجد هذا العدد (الحل):

نفرض أن العدد = س مربعه = m^{7} ضعفة = 7m $m^{7} - 7m = A$ $m^{7} - 7m - A = •$ m - 3)(m + 7) = • m = 3 m = 3 m = 3 m = 3 m = 3 m = 3 m = 3

ع مستطیل طوله یزید عن عرضه بمقدار ۳ ومساحته ۲۸ سم آوجد محیطه ؟ (الال :

نفرض أن : عرضه = س ، طوله = س + ۳ مساحته = ۲۸ مساحته = ۲۸ س (س + ۳) = ۲۸ س + ۲س - ۲۸ = ۰ (س - ٤) (س + ۷) = ۰ س = ٤ أو س = -۷ مرفوض \therefore عرضه = ٤ سم وطوله = ۷سم محیطه = (٤ + ۷) × ۲ دمره = ۲ × (۲ = ۲۲ سم

تمارین (۹)

- س ١ عدد صحيح موجب إذا أضيف مربعة إلى ثلاثة أمثالة كان الناتج ١٠ فما العدد؟
 - ٧٢ : أوجد العدد النسبى الذي أربعة أمثال مربعه يساوي ٨١؟
 - س ٣: عدد صحيح موجب يزيد مربعه عن خمسة أمثاله بمقدار ٦ فأوجدهذا العدد؟
 - العدد؟ عدد صيح موجب مربعه يزيد عنه بمقدار ٢٠ أوجد هذا العدد؟
 - ومجموع مربعیهما یزید عن حاصل الفرق بینهما ٤ ومجموع مربعیهما یزید عن حاصل ضربهما بمقدار ٣٧ أوجد العددان ؟
 - س ١ النسبة بين ثلاث أعداد نسبية موجبة كنسبة ٣: ٤: ٥

الأول و الثاني يزيد عن ٧ أمثال العدد الثالث بمقدار ٥٢ أوجد الأعداد الثلاثة ؟

- ٧٧ عددان صحيحان زوجيان متتاليان مجموع مربعيهما ١٠٠ أوجد العددان؟
 - الفرق بينهما ٥ ومجموع مربعيهما ٧٣ أوجد العددان؟
 - ٩٤٠: عدد صحيح موجب مربعه يساوى ثلاث أمثاله فما هو هذا العدد؟
- س ١٠٠؛ أوجد العددين اللذين يزيد أحدهماعن الآخر بمقدار ٢ ومجموع مربعيهما ٧٤؟
 - ان: مربع عمر يوسف الآن يزيد عن ثلاث أمثال عمره منذ ٤ سنوات بمقدار ١٩٢ أوجد عمره الآن ؟
- الله عن عرضه بمقدار ۲ ومساحته = ۲۶ سم فأوجد أبعاده؟
 - **۱۳۷۰** مستطیل طوله یزید عن عرضه بمقدار ۳ ومساحته ۲۸ سم اوجد محیطه ؟
 - العددان؟ عددان فرديان متاليان مجموع مربعيهما ٣٤ أوجد هذان العددان؟

: أكمل ما يلى:

- (١) إذا كان عمر محمد الان س فإن عمره منذ ٣ سنوات هو
- (٢) إذا كان عمر يوسف الأن س فإن عمره بعد ٣ سنوات هو
- (۳) إذا كان عمر محمد منذ 0 سنوات = 0 فإن عمره الأن هو
- (٤) إذا كان عمر جنه بعد ثلاث سنوات من الان هو س فإن عمر ها الان هو
- (٥) إذا كان عمر يوسف الان يساوى س +١ فإن عمره منذ ٥ سنوات هو
 - (٦) أِذَا كَانَ عَمَرَ هَدَيْرِ مَنْذُ ٤ سَنُواتَ يَسَاوَى سَ +٢ فَإِنَ عَمَرَهَا الآنِ هُو......
 - الان هو احمد منذ \circ سنوات يساوی س + π فإن عمر ه الان هو (V)
 - (Λ) إذا كان عمر هدير الآن = س فإن مربع عمر ها بعد Υ سنوات من الآن هو.....
 - (٩) ثلاث أمثال مربع العدد س هو
 - اذا کان عمر هدیر الان = m فأن ضعف عمر ها منذ m سنوات هو.....



القوى الصحيحة السالبة والغير سالبة

قواعد هامة

(')
$$9^{+} \times 9^{\dot{0}} = 9^{+} \times ^{+}$$

$$\dot{\mathbf{Q}} = \mathbf{Q} = \mathbf{Q} = \mathbf{Q} + \mathbf{Q} = \mathbf{Q}$$

$$\frac{1}{|\dot{\phi}|} = \dot{\phi} - \beta (\xi)$$

$$(r) (4^{\circ})^{\circ} = 4^{\circ} \times \circ$$

$$\frac{{}^{r}(\overline{T}) \times {}^{o}(\overline{T})}{{}^{2}(\overline{T})}$$

$$= (\sqrt{r})^{2+r-3} = (\sqrt{r})^{2} = r$$

$$\frac{ \frac{\mathsf{Y} - \mathsf{Y} \times \mathsf{Y} - \mathsf{Y}}{\mathsf{Y} \times \mathsf{Y} \times \mathsf{Y}} }{\mathsf{Y} \times \mathsf{Y} \times \mathsf{Y}}$$

$$= (\sqrt{Y})^{\circ -\rho} \times 7^{-\gamma - r} = (\sqrt{Y})^{-3} \times 7^{-\gamma}$$

$$\frac{1}{1 \cdot \lambda} = \frac{1}{1 \cdot \lambda} \times \frac{1}{\xi} \times \frac{1}{\xi} \times \frac{1}{\xi} \times \frac{1}{\xi} \times \frac{1}{\xi} = \frac{1}{1 \cdot \lambda} \times \frac{1}{\xi} \times \frac{1}{\xi}$$

$$1 = {}^{1}Y = \frac{{}^{1}W}{V} = \frac{{}^{1}W}{V}$$

 $\frac{1+\omega'(770)\times^{7-\omega'}(70)}{1-\omega^{7}(170)}$

مثال ۱ أوجد ناتج ما يأتى في أبسط صورة :

$$\overline{Y} \downarrow \xi = (\overline{Y}) (Y)$$

$$\mathsf{Y} \circ = \stackrel{\mathsf{t}}{ \left(\begin{array}{c} \mathsf{O} \\ \mathsf{V} \end{array} \right)} = \stackrel{\mathsf{Y}}{ \left(\begin{array}{c} \mathsf{O} \\ \mathsf{V} \end{array} \right)} \div \stackrel{\mathsf{Y}}{ \left(\begin{array}{c} \mathsf{O} \\ \mathsf{V} \end{array} \right)} \left(\mathsf{Y} \right)$$

$$\frac{1}{q} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{\sqrt{q}} \right) = \frac{2}{2} \left(\frac{1}{\sqrt{q}} \right) (2)$$

$$^{\prime}\sqrt{(1/1)} \times ^{\prime}$$

$$\frac{\Lambda 1}{17} = \frac{1}{17} \times \Lambda 1$$

المعادلات الأسية

ملاحظات

(۱) إذا كان الاساس = الاساس فإن
$$(1)$$
 الاس = الاس (1) (1) (2) (3) (3) (4)

مثال الوجد قيمة رم في كل مما يأتي:

$$A = {}^{\sim}Y(1)$$

$$\xi = \xi - \nu \Upsilon \iff {}^{\xi} \circ \equiv {}^{\xi - \nu \Upsilon} \circ$$

$$\xi + \xi = \nu \Upsilon$$

$$\Upsilon \div \qquad \wedge = \nu \Upsilon$$

$$\frac{q}{\xi} = \sqrt{-1} \times \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$(\frac{r}{r}) = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}} = \sqrt{-1} \times \sqrt{\frac{r}{r}}$$

$$\frac{1}{\gamma} = 0 \quad (1)$$

$$\frac{1}{\gamma} = 0 \quad (2)$$

$$\frac{1}{\gamma} = 0 \quad (3)$$

$$\frac{170}{70} = ^{7+2} \left(\frac{7}{9} \right) (9)$$

$$r \left(\frac{\circ}{r} \right) = \frac{r_{\circ}}{r_{\circ}} = r_{\circ} \left(\frac{r}{\circ} \right)$$

$$r-\left(\frac{r}{2}\right)=r+\sqrt{\frac{r}{2}}$$

$$^{\circ+\nu}(\overline{\tau}) = ^{\tau-\nu}(\tau)(\tau)$$

1= 27- E V (V)

 $q = \frac{1 - \sqrt{r}}{r}$ (A)

$$(\overline{r}) = (\overline{r})^2$$

$$\frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1} = \frac{1}{1}$$

$$\xi = \frac{1}{\xi} = \frac{1}{1 - 2} \xi$$

$$(7)$$
 إذا كان $7^{w} = 7^{w}$ فإن $A^{-w} = \cdots$

$$A^{-w} = (7^{w})^{-w} = (7^{w})^{-w}$$

$$= (7^{w})^{-w} = \frac{1}{7^{w}} = (7^{w})^{-w} = \frac{1}{7^{w}} = \frac{1}{7^$$

اندا کان
$$(w - \circ)$$
 $\frac{-i}{2}$ اندا کان (v)

(٨) نصف العدد ٢ ` = ٠٠٠٠

$$\gamma = \frac{\gamma \cdot \gamma}{\gamma} \Leftarrow$$

٤ + ٤ + ٤ + ٤ + ٤ س ٤ + ٤ س

 $\xi = \xi \times \omega = (1+1+1+1) = \xi = 0$

$$\wedge$$
 الذا کان $Y^{\omega} = \forall$ ، $Y^{\omega} = \wedge$ فإن س ص =

$$A = {\overset{\omega}{Y}} =$$

۲ س ص <u>۲</u>

س ص = ٣

$$\frac{1}{|\epsilon|} \frac{\lambda^{m} \times \rho^{m}}{\lambda^{m}} = 37 \text{ for Eans } 3^{-m}$$

$$\frac{\lambda^{m} \times \rho^{m}}{\lambda^{m}} = \frac{\gamma^{m} \times \gamma^{m}}{\gamma^{m}} = \frac{\lambda^{m} \times \gamma^{m}}{\gamma^{m}} = \frac{\lambda^{m} \times \gamma^{m}}{\gamma^{m}} = \gamma^{m} \times \gamma^{m}$$

$$= \gamma^{m} \times \gamma^{m} = \gamma^{m$$

مثال ۲ أكمل ما يأتى:

۳= س = ۳ س = ۳

$$(Y)$$
 إذا كان $Y^{\omega} = 0$ فإن $A^{\omega} = 0$ $A^{\omega} = 0$

$$(7)$$
 إذا كان $0^{\infty} = 7$ فإن $0^{\infty+7} = \cdots$
 $0^{\infty+7} = 0^{\infty} \times 0^{7} = 7 \times 07 = 07$

$$(3)$$
 إذا كان $0^{\omega} = 3$ فإن $0^{\omega - 1} = 3 \times 0$

$$0^{\omega - 1} = 0 \times 0^{-1} = 3 \times 0$$

$$\frac{1}{V} = {}^{\omega} V : V = \frac{1}{\omega} V : V = \frac{1$$

$$\frac{\circ}{\mathsf{v}} = \frac{\mathsf{v}}{\mathsf{v}} \times \circ =$$

تمارین (۱۰)

$$[7] \quad (7) = (7)^{-4}$$

$$\frac{\Lambda 1}{17} = \frac{\omega - \pi}{(\frac{7}{\pi})}$$

$$\frac{1}{4} = \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

$r = \left(\frac{\omega}{\omega}\right)$ [7] [۲] (س ص)

سي الكمل ما يلي:

$$V$$
 إذا كان: \circ $=$ V $=$ V

سي كم أختصر لأبسط صورة:

س حل المعادلة:

$$\frac{1}{17} = \frac{1}{17} \times (\sqrt{17})^{\frac{3}{10}} = \frac{1}{17}$$

$$\frac{1}{19} \times \frac{1}{19} \times \frac{1}{19}$$

س ٨ أوجد قيمة:

$$(7)^{\frac{1}{1}} + (-\frac{1}{\sqrt{7}})^7 + \frac{1}{\sqrt{-4}}$$

الإحصاء

الاحتمال

التجربة العشوائية:

هى تجربة نستطيع معرفة جميع نواتجها الممكنة قبل إجرائها ، ولكن لا يمكن تحديد الناتج الذى سيحدث فعلا

فضاء العينة: هو مجموعة جميع النواتج الممكنة للتجربة العشوائية و عدد عناصرها هو له (ف)

مشـ١ ـ ال : في تجربة ألقاء قطعة نقود مرة واحدة أكتب فضاء العينة

€ ف = { ص ، ك }

مثـ ٢ ـ ال : في تجربة ألقاء حجر نرد مرة واحدة اكتب فضاء العينة .

€ ۲، ۵، ٤، ۳، ۲، ۲ ا

الحدث: هو مجموعة جزئية من فضاء العينة

إحتمال وقوع أى حدث ٢ ⊂ ف ويرمز له بالرمز ل (٢) ويكون

(١) الحدث المستحيل: هو الحدث الذي لايمكن وقوعه

ل (الحدث المستحيل) = صفر (\emptyset) ل حصفر

(٢) الحدث المؤكد: هو حدث جميع النواتج الممكنة ف

ل (الحدث المؤكد) = آ جه ل (ف) = ١

(٣) أحتمال أى حدث لا يقل عن الصفر ولا يزيد عن الواحد الصحيح

 $[1,1] = (1) \subseteq I \implies I \subseteq [-1,1]$

(4) إذا كان أحتمال وقوع q = U(7)فإن أحتمال عدم وقوع q = 1 - U(7)

فمثلا: إذا كان أحتمال نجاح طالب = ٠,٨

فإن أحتمال رسوبه = ۱ - ۸,۰ = ۲,۰

(٥) أحتمال وقوع نواتج فضاء العينة = ١

إذا كان ف = { أ ، ب ، ج } فإن : ل (P) + ل (ب) + ل (ج) = ١

(١) أحتمال وقوع صورة (٢) أحتمال وقوع كتابة

ل = { ص ، ك }

 $\frac{1}{1} = 1$ $\frac{1}{1} = 1$ $\frac{1}{1} = 1$ $\frac{1}{1} = 1$ $\frac{1}{1} = 1$

 $\frac{1}{7}$ '= (ب) ب = أحتمال وقوع كتابة $\frac{1}{7}$ ب = (ك)

مشـ ٤ ال : في تجربة ألقاء حجر نرد مرة واحدة أكتب فضاء العينة ثم عين أحتمال كلا من الاحداث الأتية

عدث الحصول على عدد فردى

 $\frac{1}{r} = \frac{r}{r} = (1)$

 $\frac{1}{r} = \frac{1}{r} = (r)$ ل (ب) $= \frac{7}{7} = (r)$ ل (ب) $= \frac{7}{7} = (r)$

 $\frac{\gamma}{\varphi} = \frac{\xi}{\tau} = (\div) \cup (\div)$ $= \frac{\xi}{\tau} = (\div) \cup (\div) = \frac{\xi}{\tau}$ $= \frac{\xi}{\tau} = (\div) \cup (\div) = \frac{\xi}{\tau}$

ء = حدث الحصول على عدد يقبل القسمة على ه

 $\frac{1}{\pi} = (\circ) \cup \langle \langle \langle \rangle \rangle = \circ$

هـ = حدث الحصول على عدد أكبر من ٦ هـ = ϕ ل (ه-) = صفر

e = -2 و e = -2 الحصول عدد زوجى أولى e = -2 ل (e = -2 }

س = حدث الحصول على عدد أقل من ٧

س = { ۱ ، ۲ ، ۳ ، ٤ ، ٥ ، ۲ } لل (س) = ١

مثه الله بها ۲۰ كرة بها ۸ كرات حمراء ، ۷ كرات بيضاء ، ٥ كرات صفراء فإذا سُحبت كرة واحدة عشوائيا أوجد أحتمال أن تكون الكرة المسحوبة (۱) حمراء (۲) حمراء أو صفراء (۳) ليست صفراء الحسل

احتمال أن تكون الكرة حمراء = $\frac{\Lambda}{\gamma}$ = $\frac{7}{6}$ احتمال أن تكون الكرة حمراء أو صفراء = $\frac{17}{\gamma}$

احتمال أن تكون الكرة المسحوبة ليست صفراء $\frac{70}{5} = \frac{70}{5} = \frac{70}{5}$

مشال : حقيبة بها ١٠ بطاقات مرتبة من ١ إلى ١٠ فإذا سحبت منها بطاقة عشوائياً فأوجد:

 $= \frac{1}{1}$ لاهسمة على $= \frac{\pi}{1}$ لاهسمة على $= \frac{\pi}{1}$

تمارين على الاحصاء

١) فصل دراسى به ٤٠ طالب نجح منهم ٣٠ طالب في الرياضيات ، ٢٤ طالب في العلوم
، . ٢ طالب في المادتين فإذا أختير طالب عشوائياً فأوجد إحتمال أن يكون الطالب المختار
 لاياضيات ب) راسباً في العلوم ح) راسباً في المادتين
٢) صندوق به ٣ كرات بيضاء ، ٤ كرات حمراء ، ٥ كرات سوداء كلها متماثلة إلا من
حيث اللون فإذا سحبت كرة واحدة عشوائياً فإوجد إحتمال أن تكون الكرة المسحوبة:
 ا بیضاء ب) حمراء أو سوداء حـ) لیست سوداء
 ۳) صندوق به کرات متماثله و مرقمه من ۱ إلى ۱۹ سحبت کرة عشوائياً
فما إحتمال أن تكون الكرة المسحوبة تحمل:
P) عدد يقبل القسمة على ٦ ب) عدد أولى ح) عدد لا يقبل القسمة
٤) سلة بها ٥ ككرة منها ١٠ كرات حمراء و ٩ خضراء و ٦ كرات بيضاء
فإذا سحبت كرة واحدة عشوائيا أوجد أحتمال أن تكون الكرة المسحوبة
١ حمراء ٢ - بيضاء ٣ - خضراء ٤ - ليست حمراء أو خضراء
 من مجموعة الأرقام { ۲ ، ۳ ، ٥ } كون عدداً مكون من رقمين مختلفين ثم أوجد
كلاً من الأحداث الآتية :
 ا حدث أن يكون رقم العشرات فردياً
بُ) حدث أن يكون رقم العشرات زوجياً
ح) حدث أن يكون مجموع الرقمين ٧
ع) حدث أن يكون حاصل ضرب الرقمين ١٥
سى أكلم كالا مما يأتى
(١) احتمال الحدث المستحيل =
(٢) احتمال الحدث المؤكد =
(٢) عند الفاء قطعة نقود مرة واحدة فإن احتمال ظهور صورة =
اذا کان احتمال نجاح أحد التلامیذ $\wedge \wedge \%$ فإن احتمال رسوبه $\wedge \wedge \wedge \wedge$ اذا کان احتمال نجاح أحد التلامید $\wedge \wedge \wedge$
(٦) سلة بها ٤٨ كرة فإذا كان إحتمال سحب كرة حمراء يساوى $\frac{\circ}{\lambda}$ فإن عدد الكرات الحمراء في السلة = .
(<mark>۷)</mark> فصل به ۲۱ ولد ۱۵۰ بنتا فإذا أختير أحد التلاميذ عشوانيا فإن أحتماً ل أن تكون بنتا يساوى
 (٨) احتمال أى حدث ∈ [·····]
(٩) عند القاء حجر نرد منتظم مرة واحدة فإن احتمال ظهور عدد زوجي =



هندسة الثاني الاعدادي



تساوي مساحتي متوازيا اضلاع او مثلثين

نظریة ۱

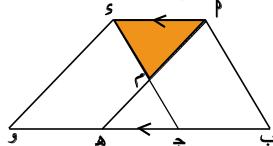
سطحا متوازيي الأضلاع المشتركين في القاعدة و المحصورين بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل هذه القاعدة متساويان في المساحة

فى الشكل المقابل: ﴿ وَ اللَّهُ اللَّا اللَّهُ اللّ

٢ | بم ح = ٢ م | ب وو

مشا الله المقابل: في الشكل المقابل: أح البو إبج ، إهو و متوازيا أضلاع برهن أن:

مساحة الشكل مبجم = مساحة الشكل ووهم



البر هان

ت كابج، كاهو،

مشتركان في القاعدة ﴿ وَ اللَّهِ اللَّلَّمِ اللَّهِ اللَّلْمِلْمِلْمِلْمِلْمِلْمِلْمِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ اللَّهِ ا

٠٠٠ كم بجو = ١ كم اهو

بحذف م ۸ م ع من الطرفين

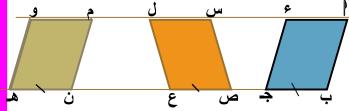
٠٠٠ الشكل ٩ بجم = ٢ الشكل ووهم

نتائج على النظرية

(١) مساحة متوازي الأضلاع تساوى مساحة المستطيل المشترك معه في القاعدة و المحصور معه بين مستقيمين متوازيين

> (٢) مساحة متوازي الأضلاع = طول القاعدة × الارتفاع

(٣) متوازيات الأضلاع المحصورة بين مستقيمين متوازيين و قواعدها التي على أحد هذين المستقيمين متساوية في الطول تكون متساوية في المساحة

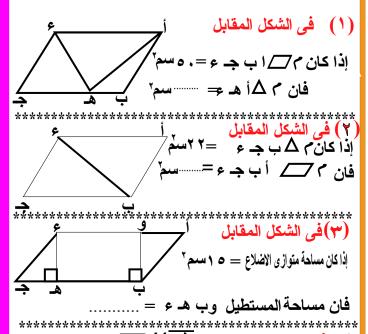


(٤) مساحة المثلث تساوى نصف مساحة متوازى الأضلاع المشترك معه في القاعدة و المحصور معه بين مستقيمين متوازيين أحدهما يحمل هذه القاعدة المشتركة

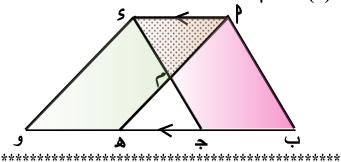


مساحة المثلث = $\frac{1}{7}$ طول القاعدة × الارتفاع

تمارین (۱)

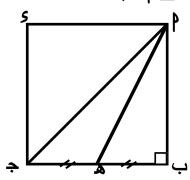


(۱) م الشكل ا بجم = م الشكل ووهم



(٥) في الشكل المقابل

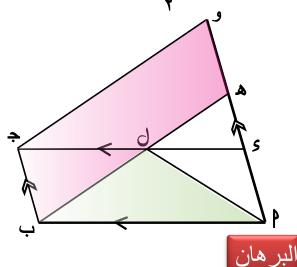
٩ ب ، هج ، مساحة △ ٩هج



(١) في الشكل المقابل:

 $\frac{\sqrt{\sqrt{++}}}{\sqrt{4}}$ ، ه بجو متوازیا أضلاع اثبت أن:

م ∆اب ل= ۱ م ∠ هبجو



ت رابدی، رهبدو

مشتركان في القاعدة بج ، بج // أو

. مساحة ر ٩ ب ج ٥ = مساحة ر ه ب جو ()

ن ک اب ک ، کاب ک ∴

مشتركان في القاعدة آب ، آب // وج

 \bigcirc مساحة \triangle ب \bigcirc ب \bigcirc مساحة \bigcirc اب جاء \bigcirc

من ۱ ، ۲

ن مساحة $\Delta
ho$ ب ل $=rac{1}{7}$ مساحة ه ب ج و \sim

(Y) في الشكل المقابل: \overline{A} \perp \overline{P} \overline{P}

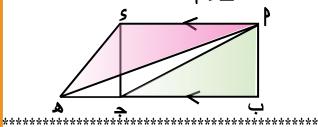
مساحة ر∠=بج ×۴ هـ = بج × ۲٤= ۲۰۰۰ سم

ب ج = ۲۰۱۰ ÷ ۲۶ = ٥ و ۲۲ سم

(٦) في الشكل المقابل:

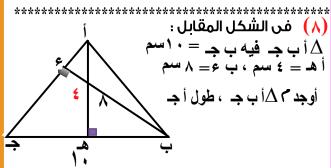
۹ بج و مستطیل، ه ∈ بج

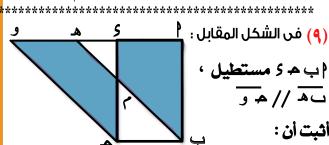
برهن أن: م مء وه = م م ا بج



(٧) في الشكل المقابل:

مساحة ∆ م ع هد = ه ١ سم ، مساحة ∧ ب هـ د = ۲ ۲ سم ۴ مساحة سطح كل من:





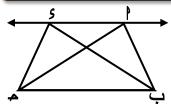
٢ (الشكل ١ ب ٢ = ٢ (الشكل و م ٢ هـ

س الم الم الم الم الم

أثبت أن:

نظریة ۲

المثلثان المرسومان على قاعدة واحدة و رأساهما على مستقيم يوازى هذه القاعدة يكونان متساويان في المساحة



فى الشكل المقابل : 🚤

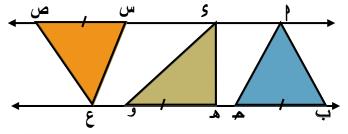
→ 4// 5 P ∵ **→** 4 5 Δ ۲ = **→** 4 P Δ ۲

نتائج على النظرية

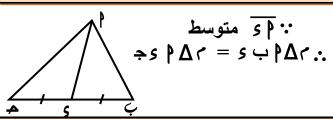
(١) المثلثات التي قواعدها متساوية في الطول و المحصورة بين مستقيمين متوازيين تكون متساوية في المساحة

في الشكل المقابل :

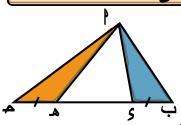
إذا كان: ١ ٤ //بم، بم= هو = س ص $\Rightarrow \wedge \Delta \neq \neg \Delta = \neg \Delta \otimes \neg \Delta \Rightarrow \neg$



(٢) متوسط المثلث يقسم سطحه إلى سطحى مثلثين متساويان في المساحة



(٣)المثلثات التي قواعدها متساوية و على مستقيم واحد و مشتركة في الرأس تكون مساحة متساوية في مساحة



۵۵، ۱۹۵۵

في الشكل المقابل :

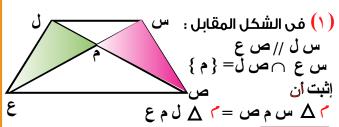
ب و = ه م

(٤) في الشكل المقابل:

ا سمتوسطفی ۵ اب م



م △ ۹ بص = ۲ △ ۹ مرص



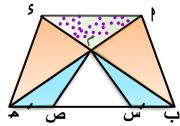
البر هان

∵ س ل // ص ع

$$\wedge$$
 م کس ص ع = م کل ص ع \wedge

بطرح ۲ ۵ م ص ع من الطرفين

(۲) في الشكل المقابل :



٩٤//۶٩ س ، ص ∈ **ب** م ، بس= م ص

اثبت أن:

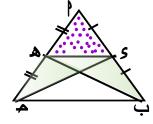
الشكل إبسم = مالشكل م بمع

البرهان : ١٥١/ب٩، ١٥ قاعدة مشتركة 5 → P △ r = 5 → P △ r :.

بطرح م ۵ م من الطرفين

·· بس= صم

٠٠٠ الشكل ا بسم = م الشكل م ص حرى *****************



🙌 في الشكل المقابل : ومنتصف إب ، ه منتصف ا ح اثبت آن: ۲ م اب ه =۲ ۱ م ام ه ب

البرهان تحمنتصف إب، ه منتصف م → // یه ۶ ∴

بإضافة ٢ ١ ٥ ه للطرفين:

∴ ۲ ک اب ه = ۲ ک ا مه

البر هان

ن وس متوسط في △ اب ← .. > ۵ (ب س = > ۵ (م س ــــــ (۱ (..صس متوسط في ∆صبم

> بطرح ۲ من ۱

 $\therefore \land \triangle \land \vdash \neg \bigcirc \land \land \land \neg \bigcirc$

(ه) في الشكل المقابل:

منتصف آب به منتصف م بنتصف م بنتصف م ج برهن ان: ۲۵۸مه=۲۵۵۰۰

البرهان

بِ ج // ﴿ وَ ، بِ جِ قاعدة مشتركة .. > ∆ ﴿ بِ جِ = ۲ ∆ و ب ج بحذف م ۵ ب م ج من الطرفين

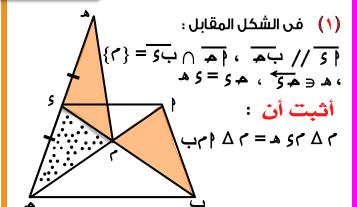
∵ م الله متوسط في ۵ مب

٢٥ متوسط في ∆و ج م

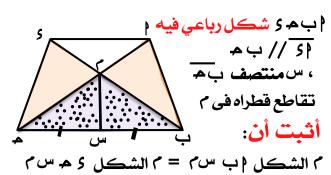
 $(?) \land \Rightarrow 5 \land \land \Rightarrow \Rightarrow 0 \land 5 \land \land \Rightarrow 0$ من ۲،۲،۱

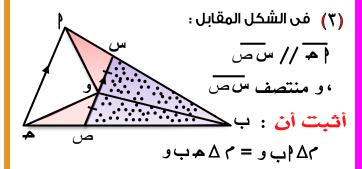
>~ 5 \ (= & < \) \ (

تمارین (۲)



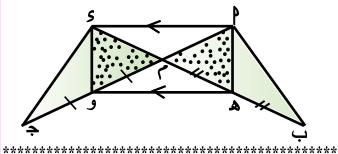
(٢)في الشكل المقابل::





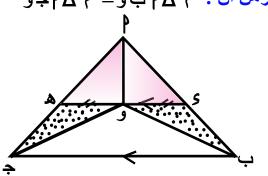
(۵) في الشكل المقابل:

 $\frac{\overline{4}}{8} / \sqrt{8}$ ، ه منتصف $\overline{4}$ ، و منتصف $\overline{4}$. برهن أن : $\overline{4}$ ب $\overline{4}$ ب $\overline{4}$ = $\overline{4}$ کا ج

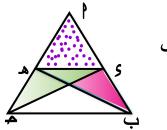


(١) في الشكل المقابل :

 $\overline{2}$ ، و منتصف $\overline{2}$ ، و منتصف $\overline{2}$ برهن أن : $\overline{2}$ $\overline{2}$ ب و = $\overline{2}$ $\overline{2}$ جو



عكس النظرية ٢



م ۵ م و م= م ۵ م ه ب اثبت ان م م // بم

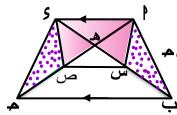
(٣) في الشكل المقابل:

البر هان

٠٠ ١ ١ ٩ ٥ ٩ ٥ ٩ ٩ ٠ ١

بطرح ٢ ١ ٩ ٥ هـ من الطرفين

(ع) في الشكل المقابل :



۶ //ب←، ۲۵۹سب=۲۵۶صم اثبت ان: سص//۹۶

البر هان

: ﴿ ٤ // بِ ٠ ﴿ ٤ قاعدة مشتركة

 $(1) \longrightarrow S \Rightarrow P \triangle C = S \Rightarrow P \triangle C :$

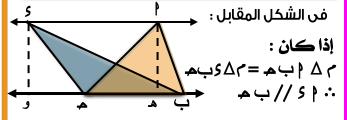
 $(7) \longrightarrow \Delta \land \emptyset \qquad (7)$

بطرح من = من \Rightarrow من \Rightarrow \Rightarrow

، أ و قاعدة مشتركة

.. س ص// ع

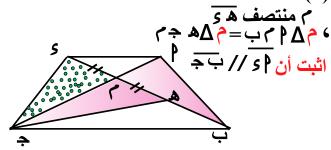
المثلثان المتساويان في مساحتيهما و المرسومان على قاعدة واحدة و في جهة واحدة منها يكون رأساهما على مستقيم يوازى هذه القاعدة



البر هان

: م △ م ب م = م △ ء م جـ بأضافة : م △ ب م جـ : م △ ا ب جـ = م △ ۶ ب جـ ـــــ ، بـ جـ قاعدة مش

(۲) في الشكل المقابل:



 $\mathbf{O} = \mathbf{O} = \mathbf{O} = \mathbf{O}$

: م ۵م و ب= م ۵م و ج

ابج
 ابج
 ابج



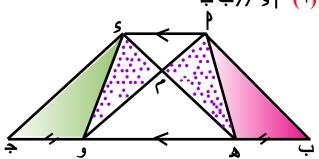
<u> تمارین (۳)</u>

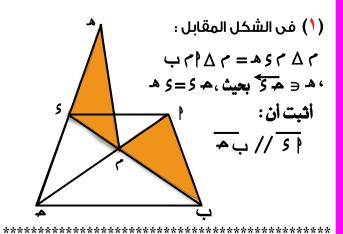
(٤) في الشكل المقابل:

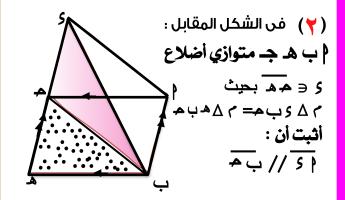
الشكل ابهم = الشكل وجوم كابه = جو

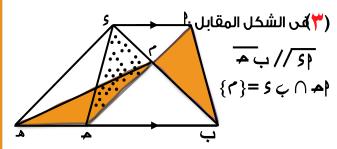
 $\frac{\varphi(\delta)}{1} \frac{\partial \varphi}{\partial \Delta} = \Delta \delta \delta e$ $\frac{\varphi(\delta)}{1} \frac{\partial \varphi}{\partial \Delta} = \Delta \delta \delta \delta e$

ج ب// ۱۶ (۲)









ر م ۵ ۲ = ۲ ب ۱۵۲ ، اثبت أن: **★** // ★ 5

مساحة بعض الأشكال الهندسية

5

مساحة المعين

(۱) معین طول ضلعه = ۱۰ سم وارتفاعه (۱) معین طول ضلعه = ۱۰ سم أوجد مساحته ۵ ساحة المعدن - طول ضاعه ۱۰ تفاصه

أوجر مساحة كلا من الأشكال الأتية:

(7)معین طولا قطریه ، اسم ، 7 سم أوجد مساحته مساحة المعین $\frac{1}{7} \times 1 \times 7 \times 7 = 7$ سم $\frac{1}{7} \times 1 \times 7 \times 7 = 7$

(٣) مربع طول قطره ١٠ سم أوجد مساحته

مساحۃ المربع $\frac{1}{7}$ مربع طول قطرہ $\frac{1}{7}$ مربع طول قطرہ $\frac{1}{7}$ مربع طول قطرہ $\frac{1}{7}$

(٤) مربع مساحته = ٢ ٣ سم أوجد طول قطره

المربع $= \frac{1}{7}$ مربع طول قطره المربع

(°) معين مساحته ٤٠ سم و طول أحد قطريه ٨ سم أوجد طول قطره الآخر

مساحة المعين $=\frac{1}{7}$ حاصل ضرب طولى القطرين $=\frac{1}{7}\times \Lambda \times m=0$

 $\xi \div \xi \cdot = \omega \times \xi$

(٦) احسب مساحة شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ٨ سم ارتفاعه ه سم

مساحة شبه المنحرف = طول القاعدة المتوسطة × الارتفاع

۱ مسک سب (مصرت کون × ۵ = ۱ ع سم ۲ میرود کار محرت کار محر

(٧) احسب مساحة شبه منحرف طولا قاعدتيه

مساحة شبه المنحرف $=\frac{1}{7}$ مجموع طولی القاعدتین المتوازیتین \times الارتفاع $=\frac{1}{7}$ $=\frac{1}{7}$ $=\frac{1}{7}$ $=\frac{1}{7}$ $=\frac{1}{7}$ $=\frac{1}{7}$ $=\frac{1}{7}$

مساحة المعين = طول الضلع \times الإرتفاع مساحة المعين = $\frac{1}{2}$ حاصل ضرب طولى القطرين

مساحة المربع

مساحة المربع = مربع طول ضلعه = $\frac{1}{7}$ مساحة المربع = $\frac{1}{7}$ مربع طول قطره = $\frac{1}{7}$ \sim

مساحة شبه المنحرف

= <u>1</u> مجموع القاعدتين المتوازيتين ×الارتفاع | = القاعدة المتوسطة × الارتفاع

القاعدة المتوسطة $\frac{1}{7}$ مجموع القاعدتين المتوازيتين

ملاحظات

(۱) زاویتا القاعدة فی شبه المنحرف متطابق الساقین متطابقتان

(٢) قطرا شبه المنحرف متطابق الساقين متطابقتان

تمارین (۳)

س ۱ أكدل ما يأتي

- (۱) مربع طول ضلعه = ١سم يكون مساحته يسم
- (٢) مربع مساحته = ٦٤ سم ليكون محيطه = سم
- (٣) مربع مساحته = ٢٥ سم عكون محيطه = سم
- (٤) مربع محیطه = ۱۲ سم کیکون مساحته =سم ک
- (َ) معين طولا قطريه ٨سم ٢٠ ١ سم تكون مساحته تساوى سم٢
- (٦) متوازی أضلاع طولا ضلعین متجاورین فیه ۸ سم٬ ٦ سم ۲
- ، وارتفاعه الأصغر ٣ سم فإن مساحته =
- (٧)معين طولاقطريه ١٠ سيم ، ٨ سم تكون مساحته......
- (Λ) إذ كانت مساحة مثلث $\Upsilon \Upsilon$ سم وارتفاعه Υ سم فإن طول قاعدته المناظرة لهذا الارتفاع =
 - - (۱۰) معین مساحته = ۲۰ سم، طول قاعدته ۱۰ سم یکون أرتفاعه
 - (۱۱) شبه منحرف مساحته = ٥٤ سم
 - طول قاعدته المتوسطه = ٩سم يكون أرتفاعه
- (۱۲) شبه منحرف طولا قاعدتیه المتوازیتین = π سم ν سم ارتفاعه ν سم تکون مساحته = سم ν
 - (۲) شبه منحرف طول احدى قاعدتيه المتوازيتين
- ٦سم وطول قاعدته المتوسطة. ١ سم تكون قاعدته الاخرى
 - (٤١) متوازى الأضلاع الذى طولا ضلعيه المتجاورين ٩، ٦ وإرتفاعه الأصغر ٤ سم تكون مساحته
 - ويكون إرتفاعه الأكبر =

(۸) شبه منحرف مساحته ۵۰۰ سم و طولا قاعدتیه المتوازیتین ۲۲ سم ۲۰ سم أوجد ارتفاعه

مساحة شبه المنحرف = ٥٠٠ $= \frac{1}{7}(37 + 71) \times m = .03$ $1 + 1 \times m = .03$ $1 + 1 \times m = .03$

قاعدتیه المتوازیتین ه ۱ سم ، ارتفاعه ۸ سم أوجد طول قاعدته الأخرى

مساحة شبه المنحرف = ١٠٨

$$1 \cdot \lambda = \lambda \times (\omega + 10) \frac{1}{2} =$$

 $\xi \div 1 \cdot \lambda = (\omega + 10) \times \xi$

() شبه منحرف مساحته ۱۸ سم و ارتفاعه ۲ سم و النسبة بين طولى قاعدتيه المتوازيتين ۲:۳ فما طول كل منهما ؟

نفرض طولى القاعدتين ٣س ، ٢س

مساحة شبه المنحرف = ١٨٠

$$1 \wedge \cdot = 1 \times (2 + 2 + 2 \times) \times 1 = \cdot \wedge \cdot = 1 \times (2 + 2 \times) \times (2 + 2 \times) \times (2 \times) \times (2$$

طول القاعدة الكبرى $= 7 \times 7 = 7 \times 1$ سم

س ٢ أوجر مساحة كلل من الله شكال الله تية:

- (١) أوجد مساحة سطح معين طولا قطريه ١٥ سم ، ١٢ سم
- (٢) أوجد طول القاعدة المتوسطة لشبه منحرف طولا قاعدتيه المتوازيتين ٧ سم ، ١٥ سم
 - (٣) أوجد مساحة سطح معين محيطه ٤٠ سم ، و إرتفاعه ٧ سم
- (٤) شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ١٢ سم ، طول إحدى قاعدتيه المتوازيتين ٩ سم أوجد طول القاعدة الأخرى
- (٥) أوجد مساحة شبه منحرف طولا قاعدتيه المتوازيتين ٧ سم ، ١٣ سم و إرتفاعه ٥ سم
 - (٦) معين طولا قطريه ١٦ سم ، ١٢ سم ، وطول ضلعه ١٠ سم أوجد إرتفاعه
 - (٧) شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ٩ سم ، مساحة سطحه ٦٣ سم أوجد إرتفاعه
 - (٨) شبه منحرف إرتفاعه ١٠ سم ، مساحة سطحه ١٥٠ سم أوجد طول قاعدته المتوسطة
 - (٩) مربع مساحته ٤٩ سم أوجد محيطه
- (۱۰) إذا كانت مساحة مربع طول قطره ۱۰ سم تساوى مساحة شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة المدرف مساحة مساحة مساحة مربع طول قطره ۱۰ سم أوجد إرتفاع شبه المنحرف
 - (۱۱) إذا كانت مساحة مربع طول قطره ۱۰ سم تساوى مساحة مستطيل أحد بعديه ۱۰ سم أوجد محيط المستطيل
 - (۱۲) شبه منحرف طول قاعدته المتوسطة ضعف طول قاعدته الصغرى و إرتفاعه يساوى طول قاعدته الكبرى فإذا كانت مساحته ٤٥ سم ً أوجد طول قاعدته الصغرى و إرتفاعه
- (۱۳) قطعة أرض على شكل شبه منحرف مساحته ٣٤٣ سم والتفاعه ٧ سم والنسبة بين طولى



التشابه

تعریف یقال لمضلعین أنهما متشابهین إذا تحقق ما یلی:

- (١) زواياهما المتناظرة متساوية في القياس
- (٢) أطوال أضلاعهما المتناظرة متناسبة

ملاحظات

- (۱) تسمى النسبة الثابتة بين أطوال الأضلاع نسبة التكبير أو نسبة التصغير التصغير > ١ نسبة التكبير > ١
 - سبه التصعير < ۱ ، سبه التكبير > ۱ (۲) إذا كانت نسبة التكبير > ۱ فإن المضلعين متطابقين
- (٣) كل المضلعات المنتظمة التى لها نفس عدد الأضلاع تكون متشابهة
- (٤) النسبة بين محيطى مضلعين متشابهين تساوى النسبة بين أى طولى ضلعين متناظرين
- (٥) يجب كتابة المضلعين المتشابهين بنفس ترتيب الرؤوس المتناظرة
- (٦) المضلعان المشابهان لثالث متشابهان
 - (٧) المضلعان المتطابقان متشابهان والعكس غير صحيح

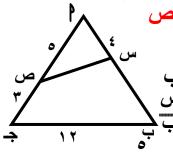
ملاحظة

إذا كان: المضلع س ص ع ل م المضلع حرع هو فإن:

- ひ(∠w) = ひ(∠**上**) ひ(∠ص) = ひ (∠२)
 - ن (حع) = (حد)
 - (シ) シ=(リン)ひ
- $\frac{\omega}{2} = \frac{\omega}{3} = \frac{\omega}{3} = \frac{\omega}{4} = \frac{\omega}{6} = \frac{\omega$
- تعريف يتشابه المثلثان إذا تحقق أحد الشرطين التاليين :
- (١) زواياهما المتناظرة متساوية فى القياس
 (٢) أطوال أضلاعهما المتناظرة متناسبة

(۱) في الشكل المقابل:

إذا كان: Λ م س ص \sim Λ مج ب أوجد طول س ب ، س ص



البرهان Δq س ص $\sim \Delta q$ جب Δq س ص Δq جب Δq ب Δ

سم $\gamma = \frac{17 \times \xi}{\Lambda} =$ سم ...

مب $\gamma = \gamma$ سم $\gamma = \gamma$ سم $\gamma = \gamma$ سم $\gamma = \gamma$

- (۲) في الشكل المقابل: إذا كان \triangle ب س ص \triangle ب ج \triangle أوجد: \triangle س ، \triangle ب ج \triangle البرهان
 - .• △ ب س ص ~ △ ب جـُ ا • • <u>ب س ص = ب ص</u> • • ب ج = ج ا _ ب ا
- ..ب ج = م × ۱۸ =ه ۱سم عض ج = ۱ ۱سم
- أب = $\frac{1}{7}$ اسم = 7 اسم = 7
- (") في الشكل المقابل \odot (\triangle) ع هـ) = ق (
 - إثبت أن: △ م ع ه ~ △ مجب البيات أن: △ م جب البيات أن جد : م جب
- البرهان $\Delta\Delta$ اع هه ، اب جه البرهان $\Delta\Delta$ اع هه ، اب جه البرهان Δ البرهان Δ

تمارین (🕻)

فى الشكل المقابل: $\overline{5} \wedge // \rightarrow \epsilon$ ۵ ب = ۵ سم ، ب ج = ۲ سم ۲ ۶ و = ۳ سم ، ۵ ج = ۶ س طول کل من وه ، آه

البر هان : وه //بج

ن (∠۹۶ه)= ن (∠ب) بالتناظر ()

ن (۱۵) زاویهٔ مشترکه آ

$$\frac{}{} \frac{}{} \frac{}$$

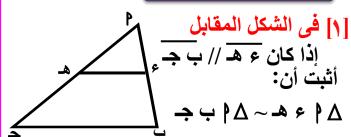
(°) في لشكل المقابل: ٩ ٤ // ب ج ۶ و = ۶سم ، ب ج = ۸سم ح ، ۶ ه = ۳ سم , ۶ ه = ۲ سم ثانياً أوجد طول جه، محیط∆ہ ب ج

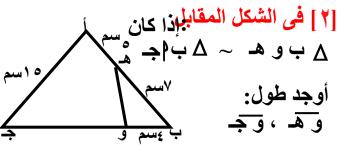
البرهان ۶۲۰۰ البج

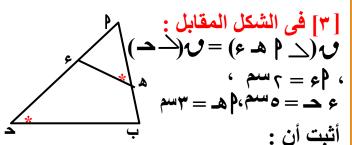
$$\mathcal{C}(\angle A \land z) = \mathcal{C}(\angle A \land z)$$
 بالتقابل بالرأس $\mathcal{C}(A \land z) = \mathcal{C}(A \land z)$

$$\frac{\varphi}{= 4} = \frac{\xi}{4} = \frac{\gamma}{4} = \frac{\gamma}{4} = \frac{\gamma}{4} :$$

محیط
$$\Delta$$
ه ب ج $=\frac{\lambda \times q}{\xi}$ = ۱۸ سم







 $\Delta = - \Delta = - \Delta = - \Delta$

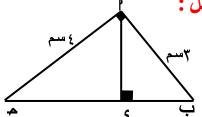
[٤] في الشكل المقابل: إذا كان إب = ٨سم ، أحد = ٢ سم ، ع حد = ٢٠٦ سلم ، ، کان ۸ م ع ب م ۸ ح ء م فأوجد طول كل م<u>ن م</u>ء ، بء

[٥] في الشكل المقابل:

إذا كان △ ١ ب م ~ △ هـ و و أوجد قيمة: س ، ص



(٨) في الشكل المقابل:



با ــ ا ح ، ۹ و ⊥بم ۱۹ب=۳سم ،

م = ٤ سم اثبت أن

- $P \rightarrow \Psi \Delta \sim S P \Psi \Delta (1)$
- (۲) **اوجد طول** ب ۶ ، ۶ م

(٩) في الشكل المقابل:

° ۹۰ = (آب) = (آب) و ° ۹۰

به ∩ ۶ م = { ۱ }

۵ ا ب م ~ ۵ ا ه و (۲) أوجد: به ، ﴿ مِ

(۱) أثبت أن

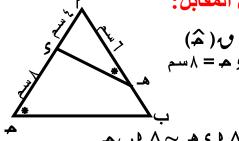
س أكمل العبارات الاتية

- ١_ المضلعان المشابهان لثالث يكونان.....
 - ٢ المضلعان المتطابقان يكونان.....
- ٣ أي مضلعين.....لهما نفس العدد من.....متشابهان
 - ع إذا كانت نسبة التكبير = ١ فإن المضلعان يكونان ...
 - $^{\circ}$ مثلث قياس زاويتين فيه، $^{\circ}$ ، . $^{\circ}$ ومثلث أخر قياس زاويتين فيه . ٧ ، • ٦ فإنهما يكونان ٠٠٠
- -----المثلثات المتساوية الاضلاع تكون متشابهة
 -المربعات متشابهة
- ٨-مضلعان متشابهان النسبة بين طولى ضلعين متناظرين فيهما ١: ٣ أوجد النسبة بين محيطيهما
 - ٩_ شروط تطابق مضلعین هی

۱۰ ـ شروط تشابه مضلعین هی

- ١ ١- إذا كان المضلعان متطابقان فإن نسبة التكبير =
- ١ ١ _ مثلثان متشابهان أطوال أضلاع أحدهما ٣سم ، ٥ سم ، ٧ سم ومحيط المثلث الاخر = ، ٣ سم فإن أطوال أضلاع المثلث الاخر هي
 - \sim ۱_ إذا كان \wedge سص ع \sim هو بحيث كان \sim سص ع \sim ه هو بحيث كان \sim الم ، ص (کھ) = ۲۰ فإن
- س (∠ع) = ل (∠ص) =

(١٠) في الشكل المقابل:



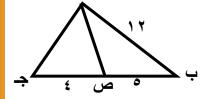
 $(\widehat{\Delta})_{\mathcal{O}} = (\widehat{\Delta})_{\mathcal{O}}$ م و = ٤ سم ، و م = ٨ سم ۱ هـ = ٦ سم

- - (٢) أوجد طول إب

(٧) في الشكل المقابل:

إذا كان∆ جس ص ~ △ جب س

أوجد طول : س جـ ، س ص



www.Cryp2Day.com موقع مذكرات جاهزة للطباعة

المساقط

(۲) مسقط نقطة على مستقيم

هو موقع العمود المرسوم من تلك النقطة إلى ذلك الستقيم

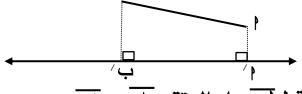
حالة خاصة إذا كان م و نفسها

(١) مسقط قطعة مستقيمة على مستقيم يكون



مسقط $\frac{-}{|+|}$ على المستقيم $\frac{-}{|+|}$ هو $\frac{-}{|+|}$ مسقط $\frac{-}{|+|}$ هول $\frac{-}{|+|}$

المسقط قطعة مستقيمة غير موازية لمستقيم



مسقط $\frac{1}{1}$ على المستقيم $\frac{1}{1}$ هو $\frac{1}{1}$ طول $\frac{1}{1}$

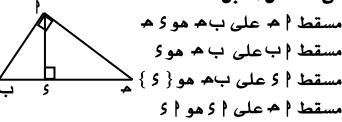
المسقط قطعة مستقيمة عمودية على مستقيم

مسقط قطعة مستقيم ب معلوم هو نقطة

ملاحظة

طول مسقط أى قطعة مستقيمة على مستقيم معلوم
طول القطعة المستقيمة الأصلية

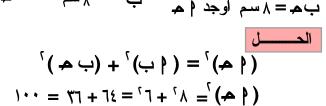
في الشكل المقابل:



مسقط ۱ بعلی ۱ ۶ هو ۱ ۶ ************************

نظرية فيثاغورث

مساحة المربع المنشأ على الوترفى المثلث القائم الزاوية يساوى مساحتى المربعين المنشأين على ضلعى القائمة



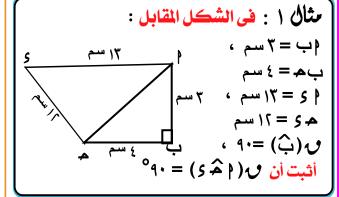
مثال ؟ :فن الشكل المقابل: من برائ ، من المقابل: من برائ ، من المقابل: المن المنابل: المقابل: المنابل: المنا

لحسان



عكس نظرية فيثاغورث

إذا كان مربع طول ضلع في مثلث يساوى مجموع مربعي طولى الضلعين الأخرين كانت الزاوية المقابلة لهذا الضلع قائمة



البرهان ٠٠٠ (٩٠) ٥٠٠

$$(4 \rightleftharpoons)^2 = 3^2 + 7^2 = \Gamma I + P = 07$$

ا <u>م</u> = ٥ سم

$$\frac{2}{9} = \frac{1}{9} = \frac{1}$$

$$(4 \triangle)^{7} + (\triangle 2)^{7} = (0)^{7} + (71)^{7}$$

$$179 = 124 + 129 = 129$$

البر هان ۰۹۰= (بُ) ب

. △ اب مقائم في ب

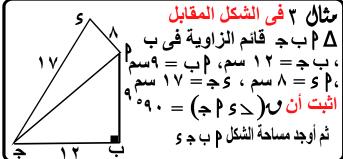
في ۵ م م و :

A = 01 ma A = 0 ma $(4)^7 = (17)^7 = PA7$

 $(4 \triangle)^{2} + (4 2)^{2} = (61)^{2} + (4)^{2} = 677 + 37 = PA7$

 $(4)^7 = (4)^7 + (4)^7 + (4)^7$

° 4· = (→ ↑ 5) · ·

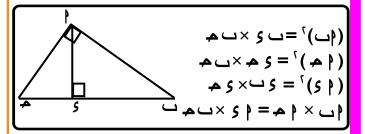


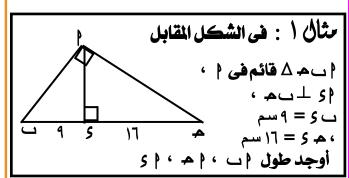
البرهان ۲۵۰۰ ب ج القائم في ب $(4 \rightleftharpoons)$ $= (4 \hookrightarrow)$ $+ (\hookrightarrow \rightleftharpoons)$ **اج** = √۱۲۰ = ۱۰ سم $\frac{\dot{b}}{\dot{b}} \Delta \frac{\dot{q}}{2} = (\dot{q}) = (\dot{q}) = \dot{q}$ \dot{q} $(42)^7 + (44)^7 = 37 + 077 = PAT$ $\mathring{\mathsf{q}} := (\mathbf{q}) \mathsf{p} : ($ ب مساحة Δq ب ج $=\frac{1}{4} \times 11 \times 9 = 30$ سم 7 مساحة Δ اب ج $=\frac{1}{7} \times 01 \times \lambda = 7$ سم

مساحة الشكل (ب ج ء = ٥٤ + ٦٠ = ١١٤ سم

نظرية إقليدس

مساحة المربع المنشأ على أحد ضلعى القائمة فى المثلث القائم الزاوية يساوى مساحة المستطيل الذي بعداه مسقط هذا الضلع على الوتر و طول الوتر





البر هان

ب کے القائم فی 0 ہو ہے $^{-}$ ب جانقائم فی 0

$$(4)^{7} = 2 \times 4$$

$$(4)^{7} = 71 \times 67 = 7$$

$$(4)^{7} = 12 \times 4$$

$$(4)^{7} = 2 \times 4$$

$$(4)^{7} = 4 \times 67 = 67$$

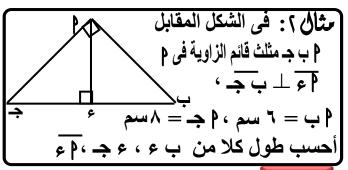
$$(4)^{7} = 4 \times 61 = 67$$

$$(4)^{7} = 2 \times 2$$

$$(4)^{7} = 4 \times 71 = 331$$

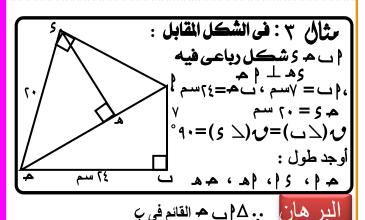
$$(4)^{7} = 4 \times 71 = 331$$

$$(4)^{7} = 4 \times 71 = 331$$



البر هان

$$\begin{array}{c}
\cdot \wedge & \uparrow & \downarrow & \downarrow \\
\cdot & \downarrow & \downarrow & \downarrow \\
\cdot &$$



$$(4 \triangle)^{7} = (4 \square)^{7} + (\square \triangle)^{7}$$

$$(4 \triangle)^{7} = (4 \square)^{7} + (\square \triangle)^{7}$$

$$(4 \triangle)^{7} = (4 \square)^{7} + (2 \square)^{7}$$

$$(4 \triangle)^{7} = (4 \triangle)^{7} - (2 \triangle)^{7}$$

$$(4 \triangle)^{7} = (4 \triangle)^{7} - (2 \triangle)^{7}$$

$$(4 \triangle)^{7} = (4 \triangle)^{7} + (2 \triangle)^{7}$$

$$\therefore \triangle (4 \triangle)^{7} = (4 \triangle)^{7} + (4 \triangle)^{7} +$$

التعرف على ندع المثلث بالنسبة لزواياه

یکون اطثلث

منفرج الزاوية

قائم الزاوية

حاد الزوايا

مثال (: بين نوع كلامن المثلثات الأتية :

$$(4)^{7} + (4)^{7} = 77 + 37 = 77$$

$$(4)^{7} = (4)^{7} + (4)^{7}$$

(۲) عن = ۱۲سم ، به = ۱۳سم ، ط م = ۷ سم

الحل

$$(\mathbf{\omega}_{\mathbf{A}})^{7} = (71)^{7} = PF1$$

$$(\langle \varphi \rangle)^{2} + (\langle \varphi \rangle)^{2} = (\langle \gamma \rangle)^{2} + (\langle \gamma \rangle)^{2}$$

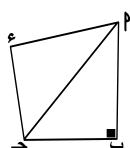
198 = 19 + 121 =

(٣) ا ا ا = ٣ سم ، ا ح = ٥ سم

الحل

$$(4 \triangle)^7 + (4 \triangle)^7 = (7)^7 + (6)^7$$

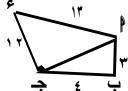
تمارین (٥)



(١) في الشكل المقابل م ب حاء شكل رباعى فيه $^{\circ}$ 4 · = (\rightarrow) \bigcirc ، م ب = داسم ، ب د = ۲۰ سم، اُء = ۲۶ سم ج ء = ۷ سم،

أوجد طول 1 جـ ثم أثبت أن و $(\angle 3) = 9$ ، أوجد مساحة الشكل (ب حء **************

(٢) في الشكل المقابل

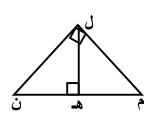


$$(2 \ 4 \ c)$$
 $(2 \ 4 \ c)$
 $(2 \ 4 \ c)$
 $(3 \ c)$
 $(4 \ c)$
 $(4$

أثبت أن م (ک ب) = ۹۰ اثبت

(٣) في الشكل المقابل

ق(\ م ب ج) = ، ٩° ، م ء = ١٦ سم مب =، ١سم ، ج ء =٢ ١ سم أثبت أن :ق (🔀 اء جـ) = ۹ ۹



(٤)من الشكل المقابل اكمل

(١٠) حدد نوع المثلث في الحالات الاتية

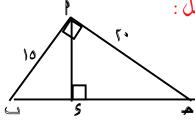
- (1) أجـ = 0 ، + جـ = 0 سم ، أب = 1 سم
- (٢) س ص = ٤سم ، ص ع = ٢سم ، س ع = ٥
- (٣) ل م = ، السم ، من = ١٤ سم ، ل ن = ٩ سم (٣)

(١١) حدد نوع المثلث في الحالات الاتية

(1) أ $\psi = 1$ سم ، $\psi \neq = 0$ سم ، أج= 0 سم (γ) أب $= \gamma$ سم ، بج $= \gamma$ سم ، أج $= \gamma$ سم اب $\Lambda = \Lambda$ سم ، بج $\Lambda = \Lambda$ سم ، أجب Λ اب = 7 سم ، بج= 0 سم ، أج= 7 سم (ه) أب = ١٢ سم ، بج = ١٦ سم ، أج = ٢٠سم ************

(١٢) أكمل لتحصل على عبارة صحيحة

- Δ أ ب ج إذ ا كان (أ ب)' > (أ ج)' + (ب ج)' فان ب Δ
- نان ب $^{\prime}$ فی $^{\prime}$ اب جا $^{\prime}$ اکان (اُب) $^{\prime}$ = (اُ ج-) $^{\prime}$ + (ب ج-) $^{\prime}$ فان ب....
 - هی Δ اب جـ إذا کان (ا ب) $^{\mathsf{Y}} <$ (ا جـ-) $^{\mathsf{Y}} +$ (ب جـ-) قبن ب......
- ع إذا كان المثلث حاد الزوايا فان مساحة المربع المنشأ على أى ضلع من أضلاعه من مجموع مساحتى المربعين المنشاين على الضلعين الإخرين
- و إذا كان المثلث منفرج الزاوية فان مساحة المربع المنشأ الضلع المقابل للزاوية المنفرجةمن مجموع مساحتى المربعين المنشاين على الضلعين الاخرين
- ٦ المثلث الذي أطوال أضلاعه ٣ ١ سم ، ٤ ١ سم ، ٥ ١ سم يكون

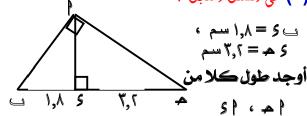


(•) في الشكل المقابل: · □ | L ← | **▲**□⊥ 5 } (کے = ۲۰ سے ، ا اسم = ۱۵ سم أوجد طول

s þ · s <u>~</u> · s **~** *********************

(٦) في الشكل المقابل (١) أوجد طول كل من ب، ۱۹ ب (٢) أوجدطول مسقط ٧سم اب على ب و ۲٤ سم ****

(٧) في الشكل المقابل:



(٨) في الشكل المقابل 6 P ⊥ 🗻 P **→** _ _ _ _ _ _ 5 } ﴿ ہے = ۸ سے ، م پ = ٦ سم أوجد طول مری در و ۶ م

*********** (٩) حدد نوع الزاوية التي لها أكبر قياس في ∆ إب جحيث \P ب= Λ سم ، پ= = + + سم =